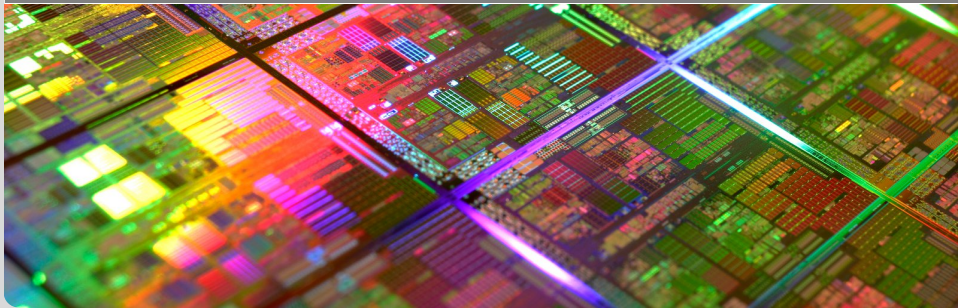


# DuE-Tutorien 4 und 6

Tutorien zur Vorlesung "Digitaltechnik und Entwurfsverfahren"

Christian A. Mandery

WOCHE 7 AM 04.12.2012



- Quine-McClusky-Verfahren
- Consensus-Verfahren
- Übungsaufgaben

- Systematisches Minimierungsverfahren
- Grundidee: Terme zusammenfassen, die in (genau) einer Variable komplementär belegt sind (analog zum KV-Diagramm)
- Zwei Schritte:
  - ① Ermittlung aller Primimplikanten ( $\rightarrow$  1. Quinesche Tabelle)
  - ② Auswahl der zu verwendenden Primimplikanten ( $\rightarrow$  2. Quinesche Tabelle alias Überdeckungstabelle)
- Schritte können auch “einzeln” verwendet werden, z.B.:  
Ermittlung der Primimplikanten mittels KV-Diagramm, dann 2. Quinesche Tabelle zur Auswahl von Primimplikanten

- Systematisches Minimierungsverfahren
- Grundidee: Terme zusammenfassen, die in (genau) einer Variable komplementär belegt sind (analog zum KV-Diagramm)
- Zwei Schritte:
  - ① Ermittlung aller Primimplikanten ( $\rightarrow$  1. Quinesche Tabelle)
  - ② Auswahl der zu verwendenden Primimplikanten ( $\rightarrow$  2. Quinesche Tabelle alias Überdeckungstabelle)
- Schritte können auch “einzeln” verwendet werden, z.B.:  
Ermittlung der Primimplikanten mittels KV-Diagramm, dann 2. Quinesche Tabelle zur Auswahl von Primimplikanten

- Systematisches Minimierungsverfahren
- Grundidee: Terme zusammenfassen, die in (genau) einer Variable komplementär belegt sind (analog zum KV-Diagramm)
- Zwei Schritte:
  - ① Ermittlung aller Primimplikanten ( $\rightarrow$  1. Quinesche Tabelle)
  - ② Auswahl der zu verwendenden Primimplikanten ( $\rightarrow$  2. Quinesche Tabelle alias Überdeckungstabelle)
- Schritte können auch “einzeln” verwendet werden, z.B.:  
Ermittlung der Primimplikanten mittels KV-Diagramm, dann 2. Quinesche Tabelle zur Auswahl von Primimplikanten

- Systematisches Minimierungsverfahren
- Grundidee: Terme zusammenfassen, die in (genau) einer Variable komplementär belegt sind (analog zum KV-Diagramm)
- Zwei Schritte:
  - 1 Ermittlung aller Primimplikanten ( $\rightarrow$  1. Quinesche Tabelle)
  - 2 Auswahl der zu verwendenden Primimplikanten ( $\rightarrow$  2. Quinesche Tabelle alias Überdeckungstabelle)
- Schritte können auch “einzeln” verwendet werden, z.B.:  
Ermittlung der Primimplikanten mittels KV-Diagramm, dann 2. Quinesche Tabelle zur Auswahl von Primimplikanten

# 1. Quinesche Tabelle

- Dient zur Bestimmung aller Primimplikanten einer Funktion
- Iteratives Verfahren, das in jedem Schritt eine neue Tabelle höherer Ordnung (mehr “Don’t Cares”) erzeugt
- Zusammengefasste Primterme werden gestrichen bzw. abgehakt
- Verfahren terminiert, wenn sich keine Änderungen mehr ergeben, also spätestens bei der Tabelle n-ter Ordnung (nur noch “Don’t Cares”)

# 1. Quinesche Tabelle

- Dient zur Bestimmung aller Primimplikanten einer Funktion
- Iteratives Verfahren, das in jedem Schritt eine neue Tabelle höherer Ordnung (mehr “Don’t Cares”) erzeugt
- Zusammengefasste Primterme werden gestrichen bzw. abgehakt
- Verfahren terminiert, wenn sich keine Änderungen mehr ergeben, also spätestens bei der Tabelle n-ter Ordnung (nur noch “Don’t Cares”)



# 1. Quinesche Tabelle

- Dient zur Bestimmung aller Primimplikanten einer Funktion
- Iteratives Verfahren, das in jedem Schritt eine neue Tabelle höherer Ordnung (mehr “Don’t Cares”) erzeugt
- Zusammengefasste Primterme werden gestrichen bzw. abgehakt
- Verfahren terminiert, wenn sich keine Änderungen mehr ergeben, also spätestens bei der Tabelle n-ter Ordnung (nur noch “Don’t Cares”)

# 1. Quinesche Tabelle

- Dient zur Bestimmung aller Primimplikanten einer Funktion
- Iteratives Verfahren, das in jedem Schritt eine neue Tabelle höherer Ordnung (mehr “Don’t Cares”) erzeugt
- Zusammengefasste Primterme werden gestrichen bzw. abgehakt
- Verfahren terminiert, wenn sich keine Änderungen mehr ergeben, also spätestens bei der Tabelle n-ter Ordnung (nur noch “Don’t Cares”)

# 1. Quinesche Tabelle

- Initialisierung (Quinesche Tabelle nullter Ordnung):
  - Schreibe alle Minterme in eine Tabelle
  - Sortiert nach der Anzahl der nicht-negierten (positiven) Literale
  - Trenne die Bereiche unterschiedlicher Anzahl nicht-negierter Literale voneinander ab
- n-ter Iterationsschritt (Quinesche Tabelle n-ter Ordnung):
  - Schreibe zusammenfassbare Terme aus der Tabelle (n-1)-ter Ordnung in die neue Tabelle
  - Von oben nach unten vorgehen: Sortierung bleibt automatisch erhalten
  - Zusammengefasste Terme werden abgehakt, mit abgehakten Termen muss aber weiterhin verglichen werden!
- Vorteil: Im Iterationsschritt müssen zusammenfassbare Terme nur in benachbarten Sektionen der Tabelle gesucht werden
  - Ansonsten: Terme müssen sich in mehr als einer Variable unterscheiden → Sind nicht zusammenfassbar

- Initialisierung (Quinesche Tabelle nullter Ordnung):
  - Schreibe alle Minterme in eine Tabelle
  - Sortiert nach der Anzahl der nicht-negierten (positiven) Literale
  - Trenne die Bereiche unterschiedlicher Anzahl nicht-negierter Literale voneinander ab
- n-ter Iterationsschritt (Quinesche Tabelle n-ter Ordnung):
  - Schreibe zusammenfassbare Terme aus der Tabelle (n-1)-ter Ordnung in die neue Tabelle
  - Von oben nach unten vorgehen: Sortierung bleibt automatisch erhalten
  - Zusammengefasste Terme werden abgehakt, mit abgehakten Termen muss aber weiterhin verglichen werden!
- Vorteil: Im Iterationsschritt müssen zusammenfassbare Terme nur in benachbarten Sektionen der Tabelle gesucht werden
  - Ansonsten: Terme müssen sich in mehr als einer Variable unterscheiden → Sind nicht zusammenfassbar

- Initialisierung (Quinesche Tabelle nullter Ordnung):
  - Schreibe alle Minterme in eine Tabelle
  - Sortiert nach der Anzahl der nicht-negierten (positiven) Literale
  - Trenne die Bereiche unterschiedlicher Anzahl nicht-negierter Literale voneinander ab
- n-ter Iterationsschritt (Quinesche Tabelle n-ter Ordnung):
  - Schreibe zusammenfassbare Terme aus der Tabelle (n-1)-ter Ordnung in die neue Tabelle
  - Von oben nach unten vorgehen: Sortierung bleibt automatisch erhalten
  - Zusammengefasste Terme werden abgehakt, mit abgehakten Termen muss aber weiterhin verglichen werden!
- Vorteil: Im Iterationsschritt müssen zusammenfassbare Terme nur in benachbarten Sektionen der Tabelle gesucht werden
  - Ansonsten: Terme müssen sich in mehr als einer Variable unterscheiden → Sind nicht zusammenfassbar

## 2. Quinesche Tabelle

- Dient zur Bestimmung einer minimalen Überdeckung bei bekannten Primimplikanten
- Vorgehensweise:
  - Zeichne Tabelle: Zeilen = Primimplikanten, Spalten = Minterme
  - X dort, wo der Primimplikant den entsprechenden Minterm überdeckt
  - Anwendung von Regeln, dann Angabe der Überdeckungsfunktion (s. nächste Folie)
- Vereinfachungsregeln:
  - Erster Schritt: Streiche die Zeilen der Kernprimimplikanten und ihre überdeckten Minterme
  - Spaltendominanz: Überdeckt eine Spalte eine andere, streiche erstgenannte
  - Zeilendominanz: Überdeckt eine Zeile eine andere mit höheren oder gleichen Kosten, streiche die überdeckte Zeile
- Diskussion: Warum gelten diese Regeln?

## 2. Quinesche Tabelle

- Dient zur Bestimmung einer minimalen Überdeckung bei bekannten Primimplikanten
- Vorgehensweise:
  - Zeichne Tabelle: Zeilen = Primimplikanten, Spalten = Minterme
  - X dort, wo der Primimplikant den entsprechenden Minterm überdeckt
  - Anwendung von Regeln, dann Angabe der Überdeckungsfunktion (s. nächste Folie)
- Vereinfachungsregeln:
  - Erster Schritt: Streiche die Zeilen der Kernprimimplikanten und ihre überdeckten Minterme
  - Spaltendominanz: Überdeckt eine Spalte eine andere, streiche erstgenannte
  - Zeilendominanz: Überdeckt eine Zeile eine andere mit höheren oder gleichen Kosten, streiche die überdeckte Zeile
- Diskussion: Warum gelten diese Regeln?

## 2. Quinesche Tabelle

- Dient zur Bestimmung einer minimalen Überdeckung bei bekannten Primimplikanten
- Vorgehensweise:
  - Zeichne Tabelle: Zeilen = Primimplikanten, Spalten = Minterme
  - X dort, wo der Primimplikant den entsprechenden Minterm überdeckt
  - Anwendung von Regeln, dann Angabe der Überdeckungsfunktion (s. nächste Folie)
- Vereinfachungsregeln:
  - Erster Schritt: Streiche die Zeilen der Kernprimimplikanten und ihre überdeckten Minterme
  - Spaltendominanz: Überdeckt eine Spalte eine andere, streiche erstgenannte
  - Zeilendominanz: Überdeckt eine Zeile eine andere mit höheren oder gleichen Kosten, streiche die überdeckte Zeile
- Diskussion: Warum gelten diese Regeln?



## 2. Quinesche Tabelle

- Dient zur Bestimmung einer minimalen Überdeckung bei bekannten Primimplikanten
- Vorgehensweise:
  - Zeichne Tabelle: Zeilen = Primimplikanten, Spalten = Minterme
  - X dort, wo der Primimplikant den entsprechenden Minterm überdeckt
  - Anwendung von Regeln, dann Angabe der Überdeckungsfunktion (s. nächste Folie)
- Vereinfachungsregeln:
  - Erster Schritt: Streiche die Zeilen der Kernprimimplikanten und ihre überdeckten Minterme
  - Spaltendominanz: Überdeckt eine Spalte eine andere, streiche erstgenannte
  - Zeilendominanz: Überdeckt eine Zeile eine andere mit höheren oder gleichen Kosten, streiche die überdeckte Zeile
- Diskussion: Warum gelten diese Regeln?

## 2. Quinesche Tabelle

- Dient zur Bestimmung einer minimalen Überdeckung bei bekannten Primimplikanten
- Vorgehensweise:
  - Zeichne Tabelle: Zeilen = Primimplikanten, Spalten = Minterme
  - X dort, wo der Primimplikant den entsprechenden Minterm überdeckt
  - Anwendung von Regeln, dann Angabe der Überdeckungsfunktion (s. nächste Folie)
- Vereinfachungsregeln:
  - Erster Schritt: Streiche die Zeilen der Kernprimimplikanten und ihre überdeckten Minterme
  - Spaltendominanz: Überdeckt eine Spalte eine andere, streiche erstgenannte
  - Zeilendominanz: Überdeckt eine Zeile eine andere mit höheren oder gleichen Kosten, streiche die überdeckte Zeile
- Diskussion: Warum gelten diese Regeln?

## 2. Quinesche Tabelle

- Dient zur Bestimmung einer minimalen Überdeckung bei bekannten Primimplikanten
- Vorgehensweise:
  - Zeichne Tabelle: Zeilen = Primimplikanten, Spalten = Minterme
  - X dort, wo der Primimplikant den entsprechenden Minterm überdeckt
  - Anwendung von Regeln, dann Angabe der Überdeckungsfunktion (s. nächste Folie)
- Vereinfachungsregeln:
  - Erster Schritt: Streiche die Zeilen der Kernprimimplikanten und ihre überdeckten Minterme
  - Spaltendominanz: Überdeckt eine Spalte eine andere, streiche erstgenannte
  - Zeilendominanz: Überdeckt eine Zeile eine andere mit höheren oder gleichen Kosten, streiche die überdeckte Zeile
- Diskussion: Warum gelten diese Regeln?

## 2. Quinesche Tabelle

Wie kommt man von der (vereinfachten) 2. Quineschen Tabelle zur Minimalform?

- Durch “scharfes Hinsehen”
- Oder systematisch:
  - Überdeckungsfunktion verwendet Variablen  $w_X$ 
    - $w_X$  gibt an, ob der Primimplikant X in der Minimalform vorkommt
  - Aufbau:
    - Für jeden Minterm gibt es eine oder mehrere überdeckende Primimplikanten, von denen ein beliebiger reicht  $\rightarrow$  Disjunktion der  $w_X$
    - Es müssen alle Minterme überdeckt werden  $\rightarrow$  Konjunktion der Terme
    - $\rightarrow$  Überdeckungsfunktion: Konjunktion der Disjunktion der  $w_X$  für jeden Minterm
  - Überdeckungsfunktion wird anschließend vereinfacht

## 2. Quinesche Tabelle

Wie kommt man von der (vereinfachten) 2. Quineschen Tabelle zur Minimalform?

- Durch “scharfes Hinsehen”
- Oder systematisch:
  - Überdeckungsfunktion verwendet Variablen  $w_X$ 
    - $w_X$  gibt an, ob der Primimplikant X in der Minimalform vorkommt
  - Aufbau:
    - Für jeden Minterm gibt es eine oder mehrere überdeckende Primimplikanten, von denen ein beliebiger reicht → Disjunktion der  $w_X$
    - Es müssen alle Minterme überdeckt werden → Konjunktion der Terme
    - → Überdeckungsfunktion: Konjunktion der Disjunktion der  $w_X$  für jeden Minterm
  - Überdeckungsfunktion wird anschließend vereinfacht

## 2. Quinesche Tabelle

Wie kommt man von der (vereinfachten) 2. Quineschen Tabelle zur Minimalform?

- Durch “scharfes Hinsehen”
- Oder systematisch:
  - Überdeckungsfunktion verwendet Variablen  $w_X$ 
    - $w_X$  gibt an, ob der Primimplikant X in der Minimalform vorkommt
  - Aufbau:
    - Für jeden Minterm gibt es eine oder mehrere überdeckende Primimplikanten, von denen ein beliebiger reicht → Disjunktion der  $w_X$
    - Es müssen alle Minterme überdeckt werden → Konjunktion der Terme
    - → Überdeckungsfunktion: Konjunktion der Disjunktion der  $w_X$  für jeden Minterm
  - Überdeckungsfunktion wird anschließend vereinfacht

## 2. Quinesche Tabelle

Wie kommt man von der (vereinfachten) 2. Quineschen Tabelle zur Minimalform?

- Durch “scharfes Hinsehen”
- Oder systematisch:
  - Überdeckungsfunktion verwendet Variablen  $w_X$ 
    - $w_X$  gibt an, ob der Primimplikant X in der Minimalform vorkommt
  - Aufbau:
    - Für jeden Minterm gibt es eine oder mehrere überdeckende Primimplikanten, von denen ein beliebiger reicht → Disjunktion der  $w_X$
    - Es müssen alle Minterme überdeckt werden → Konjunktion der Terme
    - → Überdeckungsfunktion: Konjunktion der Disjunktion der  $w_X$  für jeden Minterm
  - Überdeckungsfunktion wird anschließend vereinfacht

## 2. Quinesche Tabelle

Wie kommt man von der (vereinfachten) 2. Quineschen Tabelle zur Minimalform?

- Durch “scharfes Hinsehen”
- Oder systematisch:
  - Überdeckungsfunktion verwendet Variablen  $w_X$ 
    - $w_X$  gibt an, ob der Primimplikant X in der Minimalform vorkommt
  - Aufbau:
    - Für jeden Minterm gibt es eine oder mehrere überdeckende Primimplikanten, von denen ein beliebiger reicht → Disjunktion der  $w_X$
    - Es müssen alle Minterme überdeckt werden → Konjunktion der Terme
    - → Überdeckungsfunktion: Konjunktion der Disjunktion der  $w_X$  für jeden Minterm
  - Überdeckungsfunktion wird anschließend vereinfacht



## 2. Quinesche Tabelle

Wie kommt man von der (vereinfachten) 2. Quineschen Tabelle zur Minimalform?

- Durch “scharfes Hinsehen”
- Oder systematisch:
  - Überdeckungsfunktion verwendet Variablen  $w_X$ 
    - $w_X$  gibt an, ob der Primimplikant X in der Minimalform vorkommt
  - Aufbau:
    - Für jeden Minterm gibt es eine oder mehrere überdeckende Primimplikanten, von denen ein beliebiger reicht → Disjunktion der  $w_X$
    - Es müssen alle Minterme überdeckt werden → Konjunktion der Terme
    - → Überdeckungsfunktion: Konjunktion der Disjunktion der  $w_X$  für jeden Minterm
- Überdeckungsfunktion wird anschließend vereinfacht

## 2. Quinesche Tabelle

Wie kommt man von der (vereinfachten) 2. Quineschen Tabelle zur Minimalform?

- Durch “scharfes Hinsehen”
- Oder systematisch:
  - Überdeckungsfunktion verwendet Variablen  $w_X$ 
    - $w_X$  gibt an, ob der Primimplikant X in der Minimalform vorkommt
  - Aufbau:
    - Für jeden Minterm gibt es eine oder mehrere überdeckende Primimplikanten, von denen ein beliebiger reicht → Disjunktion der  $w_X$
    - Es müssen alle Minterme überdeckt werden → Konjunktion der Terme
    - → Überdeckungsfunktion: Konjunktion der Disjunktion der  $w_X$  für jeden Minterm
  - Überdeckungsfunktion wird anschließend vereinfacht

- Alternative zur 1. Quineschen Tabelle (Bestimmung von Primtermen)
- Beruht auf der Bildung von Consensus-Würfeln im Würfelkalkül
- Consensus-Würfel von A und B:
  - Nur definiert, wenn A und B genau eine komplementär belegte Variable beinhalten
  - Die komplementär belegte Variable wird im Consensus-Würfel als “Don’t Care” festgelegt
  - Alle anderen Belegungen werden auf den “kleinsten gemeinsamen Nenner” von A und B gesetzt
    - Beispiel: 1, wenn A 1 und B “Don’t Care” ist
    - “Don’t Care” nur, wenn A und B “Don’t Care” sind

- Alternative zur 1. Quineschen Tabelle (Bestimmung von Primtermen)
- Beruht auf der Bildung von Consensus-Würfeln im Würfelkalkül
- Consensus-Würfel von A und B:
  - Nur definiert, wenn A und B genau eine komplementär belegte Variable beinhalten
  - Die komplementär belegte Variable wird im Consensus-Würfel als “Don’t Care” festgelegt
  - Alle anderen Belegungen werden auf den “kleinsten gemeinsamen Nenner” von A und B gesetzt
    - Beispiel: 1, wenn A 1 und B “Don’t Care” ist
    - “Don’t Care” nur, wenn A und B “Don’t Care” sind

- Alternative zur 1. Quineschen Tabelle (Bestimmung von Primtermen)
- Beruht auf der Bildung von Consensus-Würfeln im Würfelkalkül
- Consensus-Würfel von A und B:
  - Nur definiert, wenn A und B genau eine komplementär belegte Variable beinhalten
  - Die komplementär belegte Variable wird im Consensus-Würfel als "Don't Care" festgelegt
  - Alle anderen Belegungen werden auf den "kleinsten gemeinsamen Nenner" von A und B gesetzt
    - Beispiel: 1, wenn A 1 und B "Don't Care" ist
    - "Don't Care" nur, wenn A und B "Don't Care" sind

- Alternative zur 1. Quineschen Tabelle (Bestimmung von Primtermen)
- Beruht auf der Bildung von Consensus-Würfeln im Würfelkalkül
- Consensus-Würfel von A und B:
  - Nur definiert, wenn A und B genau eine komplementär belegte Variable beinhalten
  - Die komplementär belegte Variable wird im Consensus-Würfel als “Don’t Care” festgelegt
  - Alle anderen Belegungen werden auf den “kleinsten gemeinsamen Nenner” von A und B gesetzt
    - Beispiel: 1, wenn A 1 und B “Don’t Care” ist
    - “Don’t Care” nur, wenn A und B “Don’t Care” sind

- Alternative zur 1. Quineschen Tabelle (Bestimmung von Primtermen)
- Beruht auf der Bildung von Consensus-Würfeln im Würfelkalkül
- Consensus-Würfel von A und B:
  - Nur definiert, wenn A und B genau eine komplementär belegte Variable beinhalten
  - Die komplementär belegte Variable wird im Consensus-Würfel als “Don’t Care” festgelegt
  - Alle anderen Belegungen werden auf den “kleinsten gemeinsamen Nenner” von A und B gesetzt
    - Beispiel: 1, wenn A 1 und B “Don’t Care” ist
    - “Don’t Care” nur, wenn A und B “Don’t Care” sind

- 1 Gebe bekannte Überdeckung der Funktion im Würfelkalkül an (z.B. die Minterme)
- 2 Vergleiche, beginnend mit dem 2. Würfel, mit jedem Würfel darüber und bilde alle möglichen Consensus-Würfel
  - Neu erzeugte Consensus-Würfel werden an das Ende der Tabelle angefügt
  - Würfel, die im Consensus-Würfel enthalten sind, werden gestrichen
- 3 Verfahren terminiert, wenn keine neuen Consensus-Würfel mehr erzeugt werden können

→ Nicht-gestrichene Würfel entsprechen den Primimplikanten



- 1 Gebe bekannte Überdeckung der Funktion im Würfelkalkül an (z.B. die Minterme)
- 2 Vergleiche, beginnend mit dem 2. Würfel, mit jedem Würfel darüber und bilde alle möglichen Consensus-Würfel
  - Neu erzeugte Consensus-Würfel werden an das Ende der Tabelle angefügt
  - Würfel, die im Consensus-Würfel enthalten sind, werden gestrichen
- 3 Verfahren terminiert, wenn keine neuen Consensus-Würfel mehr erzeugt werden können

→ Nicht-gestrichene Würfel entsprechen den Primimplikanten

- 1 Gebe bekannte Überdeckung der Funktion im Würfelkalkül an (z.B. die Minterme)
- 2 Vergleiche, beginnend mit dem 2. Würfel, mit jedem Würfel darüber und bilde alle möglichen Consensus-Würfel
  - Neu erzeugte Consensus-Würfel werden an das Ende der Tabelle angefügt
  - Würfel, die im Consensus-Würfel enthalten sind, werden gestrichen
- 3 Verfahren terminiert, wenn keine neuen Consensus-Würfel mehr erzeugt werden können

→ Nicht-gestrichene Würfel entsprechen den Primimplikanten

- 1 Gebe bekannte Überdeckung der Funktion im Würfelkalkül an (z.B. die Minterme)
- 2 Vergleiche, beginnend mit dem 2. Würfel, mit jedem Würfel darüber und bilde alle möglichen Consensus-Würfel
  - Neu erzeugte Consensus-Würfel werden an das Ende der Tabelle angefügt
  - Würfel, die im Consensus-Würfel enthalten sind, werden gestrichen
- 3 Verfahren terminiert, wenn keine neuen Consensus-Würfel mehr erzeugt werden können

→ Nicht-gestrichene Würfel entsprechen den Primimplikanten

Eine unvollständig definierte Schaltfunktion  $y = f(e, d, c, b, a)$  sei durch ihre Eins- und Don't-Care-Stellen (Abkürzung d) gegeben:

$$y = \text{MINt}(12, 13, 14, 15, 29, 30) \vee d(17, 18)$$

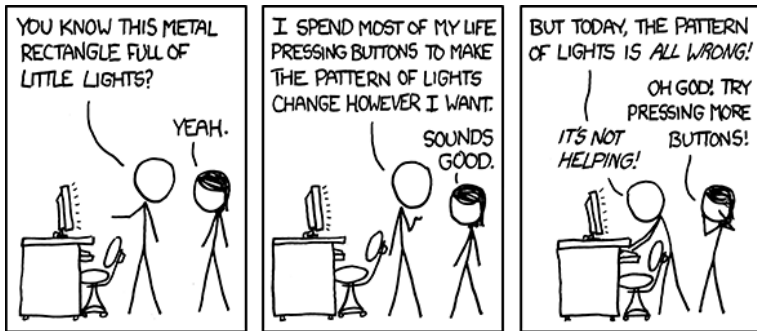
Bestimmen Sie alle Primimplikanten der Funktion  $f(e, d, c, b, a)$  mit Hilfe des Quine-McCluskey-Verfahrens. Geben Sie eine disjunktive Minimalform von  $y$  an.

# Übungsaufgabe 2

Eine vollständig definierte Schaltfunktion  $y = f(d, c, b, a)$  ist gegeben durch die folgende Gleichung:

$$y = \text{MAXt}(0, 3, 6, 11, 13, 15)$$

Bestimmen Sie alle Primimplikanten der Funktion  $f$  mit Hilfe des Consensus-Verfahrens. Wählen Sie hierzu eine geeignete Anfangsüberdeckung aus.



Quelle: <http://xkcd.com/722/>